

Министерство науки и высшего образования РФ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
«СИБИРСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

Б1.О.03 Математика

---

наименование дисциплины (модуля) в соответствии с учебным планом

Направление подготовки / специальность

15.03.06 Мехатроника и робототехника

---

Направленность (профиль)

15.03.06 Мехатроника и робототехника

---

Форма обучения

очная

---

Год набора

2021

---

Красноярск 2022

## **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

Программу составили \_\_\_\_\_

к.ф.-м.н., зав. кафедрой, Кнауб Л.В.

\_\_\_\_\_  
должность, инициалы, фамилия

## 1 Цели и задачи изучения дисциплины

### 1.1 Цель преподавания дисциплины

Математика является одной из основных дисциплин естественнонаучного цикла. На ней базируется преподавание как других фундаментальных дисциплин, так и дисциплин профессионального цикла.

Математика является не только мощным средством решения прикладных задач и универсальным языком науки, но также и элементом общей культуры.

Целью математического образования является:

- воспитание достаточно высокой математической культуры, позволяющей самостоятельно расширять математические знания и проводить математический анализ прикладных инженерных задач;
- развитие логического и алгоритмического мышления, умения оперировать с абстрактными объектами и быть корректными в употреблении математических понятий, символов для выражения количественных и качественных отношений;
- формирование представлений о математике как об особом способе познания мира, о роли и месте математики в современной цивилизации и мировой культуре

### 1.2 Задачи изучения дисциплины

Основными задачами изучения дисциплины являются:

- развитие у обучающихся навыков по работе с математическим аппаратом линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа, теории вероятностей и математической статистики;
- подготовка обучающихся их к системному восприятию дальнейших дисциплин из учебного плана, использующих математические методы;
- получение представлений об основных идеях и методах, развитие способностей сознательно использовать материал курса;
- умение разбираться в существующих математических методах и моделях и условиях их применения на практике;
- умение осуществлять сбор, анализ и обработку статистических данных, необходимых для решения профессиональных задач;
- умение анализировать результаты расчетов и обосновывать полученные выводы.

### 1.3 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения по дисциплине
	<b>ОПК-1: Способен применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности;</b>

ОПК-1.1: Способен разрабатывать структуру математических моделей мехатронных и робототехнических систем	Знает математические модели простейших систем и процессов в естествознании и технике. Умеет применять математическую символику для выражения качественных и количественных отношений объектов. Владеет навыками применения математических методов к решению задач моделирования различных процессов; планирования и постановки задач исследования
ОПК-1.2: Способен проводить идентификацию параметров модели и выполнять исследования по модели	Имеет представление о взаимосвязях разделов и модулей математики как дисциплины. Умеет выбирать математические методы решения практической задачи в своей предметной области. Владеет навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач
ОПК-1.4: Способен выполнять интерпретацию, анализ полученных результатов и использовать их для оптимизации процессов	Знает основные источники научно-технической информации по математическому моделированию и программным средствам моделирования. Умеет применять основные аналитические и численные методы линейной алгебры, математического анализа и теории вероятностей. Владеет навыками использования вычислительной техники при решении прикладных задач, в том числе применения стандартных пакетов прикладных компьютерных программ
<b>УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач</b>	
УК-1.3: Способен применять системный подход для решения поставленных задач	Знает основные информационно-коммуникационные технологии и основные требования информационной безопасности Умеет решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры Владеет культурой применения информационно-коммуникационных технологий с учетом основных требований информационной безопасности.

#### 1.4 Особенности реализации дисциплины

Язык реализации дисциплины: Русский.

Дисциплина (модуль) реализуется без применения ЭО и ДОТ.

## 2. Объем дисциплины (модуля)

Вид учебной работы	Всего, зачетных единиц (акад.час)	Семест		
		1	2	3
<b>Контактная работа с преподавателем:</b>	<b>4,5 (162)</b>			
занятия лекционного типа	1,5 (54)			
практические занятия	3 (108)			
<b>Самостоятельная работа обучающихся:</b>	<b>7,5 (270)</b>			
курсовое проектирование (КП)	Нет			
курсовая работа (КР)	Нет			
<b>Промежуточная аттестация (Зачёт) (Экзамен)</b>	<b>1 (36)</b>			

### 3 Содержание дисциплины (модуля)

#### 3.1 Разделы дисциплины и виды занятий (тематический план занятий)

		Контактная работа, ак. час.							
№ п/п	Модули, темы (разделы) дисциплины	Занятия лекционного типа		Занятия семинарского типа				Самостоятельная работа, ак. час.	
				Семинары и/или Практические занятия		Лабораторные работы и/или Практикумы			
		Всего	В том числе в ЭИОС	Всего	В том числе в ЭИОС	Всего	В том числе в ЭИОС	Всего	В том числе в ЭИОС
<b>1. Линейная алгебра и комплексные числа</b>									
	1. Комплексные числа. Алгебра многочленов. Матрицы и определители. Линейны пространства. Системы линейных уравнений.	4							
	2. Комплексные числа. Алгебра многочленов. Матрицы и определители. Линейны пространства. Системы линейных уравнений.			8					
	3. Комплексные числа. Алгебра многочленов. Матрицы и определители. Линейны пространства. Системы линейных уравнений.							20	
<b>2. Векторная алгебра и аналитическая геометрия</b>									
	1. Векторная алгебра. Прямая и плоскость. Линии 2-го порядка. Поверхности 2-го порядка.	4							

2. Векторная алгебра. Прямая и плоскость. Линии 2-го порядка. Поверхности 2-го порядка.			8					
3. Векторная алгебра. Прямая и плоскость. Линии 2-го порядка. Поверхности 2-го порядка.							20	
<b>3. Дифференциальное исчисление функций одной переменной</b>								
1. Функция. Предел функции. Основные теоремы о пределах. Бесконечно малые и бесконечно большие величины. Непрерывность функции. Производная и дифференциал функции. Свойства дифференцируемых функций. Производные и дифференциалы высших порядков. Исследование функции с помощью производных.		6						
2. Функция. Предел функции. Основные теоремы о пределах. Бесконечно малые и бесконечно большие величины. Непрерывность функции. Производная и дифференциал функции. Свойства дифференцируемых функций. Производные и дифференциалы высших порядков. Исследование функции с помощью производных.			12					

<p>3. Функция. Предел функции. Основные теоремы о пределах.  Бесконечно малые и бесконечно большие величины.  Непрерывность функции.  Производная и дифференциал функции.  Свойства дифференцируемых функций. Производные и дифференциалы высших порядков.  Исследование функции с помощью производных.</p>							34	
<b>4. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных</b>								
<p>1. Основные понятия функции нескольких переменных.  Дифференцирование функции нескольких переменных.  Экстремум функции нескольких переменных.</p>	4							
<p>2. Основные понятия функции нескольких переменных.  Дифференцирование функции нескольких переменных.  Экстремум функции нескольких переменных.</p>			8					
<p>3. Основные понятия функции нескольких переменных.  Дифференцирование функции нескольких переменных.  Экстремум функции нескольких переменных.</p>							16	
<b>5. Интегральное исчисление функций одной переменной</b>								
<p>1. Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Основные приемы интегрирования.  Интегрирование рациональных, иррациональных, тригонометрических функций.  Определенный интеграл и его свойства. Вычисление определенных интегралов.  Геометрические и физические приложения определенного интеграла.  Несобственные интегралы.</p>	8							



<p>2. Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Основные приемы интегрирования. Интегрирование рациональных, иррациональных, тригонометрических функций.</p> <p>Определенный интеграл и его свойства. Вычисление определенных интегралов.</p> <p>Геометрические и физические приложения определенного интеграла.</p> <p>Несобственные интегралы.</p>			16					
<p>3. Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Основные приемы интегрирования. Интегрирование рациональных, иррациональных, тригонометрических функций.</p> <p>Определенный интеграл и его свойства. Вычисление определенных интегралов.</p> <p>Геометрические и физические приложения определенного интеграла.</p> <p>Несобственные интегралы.</p>							38	
<b>6. Интегральное исчисление функций нескольких переменных. Векторный анализ</b>								
<p>1. Двойной интеграл.</p> <p>Тройной интеграл.</p> <p>Криволинейные интегралы.</p> <p>Поверхностные интегралы.</p> <p>Скалярные и векторные поля.</p>	6							
<p>2. Двойной интеграл.</p> <p>Тройной интеграл.</p> <p>Криволинейные интегралы.</p> <p>Поверхностные интегралы.</p> <p>Скалярные и векторные поля.</p>			12					

3. Двойной интеграл. Тройной интеграл. Криволинейные интегралы. Поверхностные интегралы. Скалярные и векторные поля.								32	
<b>7. Обыкновенные дифференциальные уравнения</b>									
1. Дифференциальные уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков. Системы дифференциальных уравнений.	4								
2. Дифференциальные уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков. Системы дифференциальных уравнений.			8						
3. Дифференциальные уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков. Системы дифференциальных уравнений.								20	
<b>8. Числовые и функциональные ряды. Гармонический анализ</b>									
1. Числовые ряды. Функциональные ряды. Элементы теории функций. Разложение функции в ряд Фурье.	6								
2. Числовые ряды. Функциональные ряды. Элементы теории функций. Разложение функции в ряд Фурье.			12						
3. Числовые ряды. Функциональные ряды. Элементы теории функций. Разложение функции в ряд Фурье.								28	
<b>9. Теория вероятностей и математическая статистика</b>									

<p>1. Пространство элементарных событий. Случайные события. Классическое определение вероятности случайного события. Статистическое определение вероятности случайного события. Геометрическое определение вероятности. Аксиомы теории вероятностей.</p> <p>Зависимые и независимые события. Условная вероятность.</p> <p>Формула полной вероятности и формула Байеса.</p> <p>Последовательные независимые испытания (схема Бернулли), формула Бернулли. Предельные теоремы для схемы Бернулли. Локальная теорема Лапласа.</p> <p>Интегральная теорема Лапласа.</p> <p>Случайные величины. Дискретные случайные величины. Непрерывные случайные величины.</p> <p>Числовые характеристики случайных величин.</p> <p>Законы распределения случайных величин.</p> <p>Предельные теоремы теории вероятностей.</p> <p>Двумерная случайная величина.</p> <p>Задачи математической статистики. Выборка.</p> <p>Эмпирическая функция распределения. Полигон.</p> <p>Гистограмма. Точечные и интервальные оценки.</p> <p>Статистическая проверка гипотез. Проверка гипотез о виде функции распределения. Выборочный коэффициент корреляции.</p>	12							
--	----	--	--	--	--	--	--	--

<p>2. Пространство элементарных событий. Случайные события. Классическое определение вероятности случайного события. Статистическое определение вероятности случайного события. Геометрическое определение вероятности. Аксиомы теории вероятностей.</p> <p>Зависимые и независимые события. Условная вероятность.</p> <p>Формула полной вероятности и формула Байеса.</p> <p>Последовательные независимые испытания (схема Бернулли), формула Бернулли. Предельные теоремы для схемы Бернулли. Локальная теорема Лапласа.</p> <p>Интегральная теорема Лапласа.</p> <p>Случайные величины. Дискретные случайные величины. Непрерывные случайные величины.</p> <p>Числовые характеристики случайных величин.</p> <p>Законы распределения случайных величин.</p> <p>Предельные теоремы теории вероятностей.</p> <p>Двумерная случайная величина.</p> <p>Задачи математической статистики. Выборка.</p> <p>Эмпирическая функция распределения. Полигон.</p> <p>Гистограмма. Точечные и интервальные оценки.</p> <p>Статистическая проверка гипотез. Проверка гипотез о виде функции распределения. Выборочный коэффициент корреляции.</p>			24					
--	--	--	----	--	--	--	--	--

<p>3. Пространство элементарных событий. Случайные события. Классическое определение вероятности случайного события. Статистическое определение вероятности случайного события. Геометрическое определение вероятности. Аксиомы теории вероятностей.</p> <p>Зависимые и независимые события. Условная вероятность.</p> <p>Формула полной вероятности и формула Байеса.</p> <p>Последовательные независимые испытания (схема Бернулли), формула Бернулли. Предельные теоремы для схемы Бернулли. Локальная теорема Лапласа.</p> <p>Интегральная теорема Лапласа.</p> <p>Случайные величины. Дискретные случайные величины. Непрерывные случайные величины.</p> <p>Числовые характеристики случайных величин.</p> <p>Законы распределения случайных величин.</p> <p>Предельные теоремы теории вероятностей.</p> <p>Двумерная случайная величина.</p> <p>Задачи математической статистики. Выборка.</p> <p>Эмпирическая функция распределения. Полигон.</p> <p>Гистограмма. Точечные и интервальные оценки.</p> <p>Статистическая проверка гипотез. Проверка гипотез о виде функции распределения. Выборочный коэффициент корреляции.</p>							62	
Всего	54		108				270	

## 4 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

### 4.1 Печатные и электронные издания:

1. Данко П. Е., Попов А. Г., Кожевникова Т. Я., Данко С. П. Высшая математика в упражнениях и задачах: Ч. 1: в 2 частях : [учебное пособие для вузов](Москва: Оникс).
2. Данко П. Е., Попов А. Г., Кожевникова Т. Я., Данко С. П. Высшая математика в упражнениях и задачах: Ч. 2: в 2 частях : [учебное пособие для вузов](Москва: Оникс).
3. Кузнецов Л. А. Сборник заданий по высшей математике. Типовые расчеты. Копия 5: учебное пособие(Санкт-Петербург: Лань).
4. Ильин В. А., Позняк Э. Г. Аналитическая геометрия: учебник для студентов физ. спец. вузов(Москва: ФИЗМАТЛИТ).
5. Пискунов Н. С. Дифференциальное и интегральное исчисления: Т. 2: учебное пособие для вузов : в 2-х т.(Москва: Интеграл-Пресс).
6. Пискунов Н. С. Дифференциальное и интегральное исчисления: Т. 1: учебное пособие для вузов : в 2-х т.(Москва: Интеграл-пресс).
7. Бермант А. Ф., Араманович И. Г. Краткий курс математического анализа: учеб. пособие для студентов вузов(Москва: Лань).
8. Бермант А. Ф., Араманович И. Г. Краткий курс математического анализа: учеб. пособие для студентов вузов(Санкт-Петербург: Лань).
9. Беклемишев Д.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: учебник(Санкт-Петербург: Лань).
10. Курош А. Г. Курс высшей алгебры: учебник для вузов(СПб.: Лань).
11. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие для бакалавров.; рекомендовано МО РФ(М.: Юрайт).
12. Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистики: учебное пособие для бакалавров.; рекомендован МО РФ(М.: Юрайт).
13. Ефимов А.В., Поспелов А.С. Сборник задач по математике для втузов. В 4 ч: учебное пособие для втузов(Москва: Физматлит).
14. Васильева А. В., Попова В. В. Математика. Приложения производной. Функции многих переменных: учебное пособие(Красноярск: ИПК СФУ).
15. Кравцова О. В., Попова В. В. Математика. Сборник заданий для самостоятельной работы студентов: Ч. 1: учебное пособие для студентов вузов(Красноярск: ИПК СФУ).
16. Березина Э. В., Ершова Н. В., Литвинов П. С. Определенный интеграл: учебное пособие(Красноярск: СФУ).
17. Березина Э. В., Ершова Н. В., Литвинов П. С. Теория вероятностей: учебное пособие(Красноярск: СФУ).
18. Исаева С. И., Кнауб Л. В., Юрьева Е. В. Математика: учебное пособие для студентов инженерных направлений подготовки заочной формы обучения(Красноярск: СФУ).
19. Прворова О. Г., Компаниец Л. А., Родионов А. А., Степаненко В. А.,

Остыловский А. Н., Кнауб Л. В., Басканова Т. Ф., Садовский М. Г., Дураков Е. Б., Литвинов П. С., Ультан В. Е., Чешель А. А., Силаева А. Е., Мыльников А. Л., Михалкин Е. Н., Вяткин А. В., Кузоватова Н. В., Двинский А. Л., Захаржевская С. Г., Колпакова Н. А., Анферов П. И., Колмакова Н. Р., Буров А. Е., Киреев И. В. Математика - 3: электрон. учеб.-метод. комплекс дисциплины(Красноярск).

**4.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение, в том числе отечественного производства (программное обеспечение, на которое университет имеет лицензию, а также свободно распространяемое программное обеспечение):**

1. Методика проведения занятий допускает использование технических средств (проекторы, интерактивные доски), обеспеченных соответствующим программным обеспечением, предлагается применение вычислительной техники и стандартных пакетов прикладных программ (Maple, MathCad, Math-Lab и др.).

**4.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационные справочные системы:**

1. Учебная и научная литература по курсу. Компьютерные демонстрации, связанные с программой курса, компьютерные демонстрации, технические возможности для их просмотра и прослушивания. Свободный доступ в Интернет, наличие компьютерных программ общего назначения.
2. Операционные системы: семейства Windows (не ниже Windows XP).

**5 Фонд оценочных средств**

Оценочные средства находятся в приложении к рабочим программам дисциплин.

**6 Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)**

Методика проведения занятий допускает как использование технических средств (проекторы, интерактивные доски), так и классические аудиторские занятия, обеспечиваемые стандартными материально-техническими средствами.

Лекционные аудитории должны быть оборудованы современным видеопроекционным оборудованием для презентаций, средствами звуковоспроизведения, экраном, и иметь выход в Интернет, а также иметь интерактивную доску или доску для письма маркерами.

Помещения для проведения семинарских занятий должны иметь мультимедийное оборудование, а также иметь интерактивную доску или доску для письма маркерами, учебную мебель.

Библиотека должна иметь рабочие места для студентов, оснащенные компьютерами с доступом к базам данных, локальную сеть университета и Интернет.

Наглядные пособия:

- а) демонстрационные пособия (таблицы, схемы, графики, диаграммы, видеофрагменты);
- б) пособия на основе раздаточного материала (карточки с заданиями и задачами, ксерокопии фрагментов первоисточников);
- в) электронные презентации.